

2017 レポート課題
物理学基礎 (力学)
工学部・機械工学科

課題1

ベクトル \vec{A}, \vec{B} を

$$\vec{A} = (A_x, A_y, A_z)$$

$$\vec{B} = (B_x, B_y, B_z)$$

としたとき

(1) 2つのベクトルの外積が

$$\vec{A} \times \vec{B} = \begin{pmatrix} A_y B_z - A_z B_y \\ A_z B_x - A_x B_z \\ A_x B_y - A_y B_x \end{pmatrix}$$

となることを示せ。

(2) 外積の大きさ $|\vec{A} \times \vec{B}|$ が、 $|\vec{A}| |\vec{B}| \sin \theta$ となることを示せ。

課題2

等加速度運動の速度と変位の式

$$v = v_0 + at$$

$$x = v_0 t + \frac{1}{2} at^2$$

から、

$$v^2 - v_0^2 = 2ax$$

を導け。

課題3

単振動の運動方程式の一般解について

$$x(t) = \alpha \cos \omega t + \beta \sin \omega t$$

から

$$\begin{aligned} x(t) &= \sqrt{\alpha^2 + \beta^2} \sin(\omega t + \delta) \\ &= A \sin(\omega t + \delta) \end{aligned}$$

と表せることを示せ。

課題4

質点が単振動している。1周期についての運動エネルギーの平均値 $\overline{K}(t)$ と位置エネルギーの平均値 $\overline{U}(t)$ を求め、これらが等しいことを示せ。

課題5

次の式を証明せよ。但し、 ϕ はスカラーとする。

$$(1) \quad \frac{d}{dt}(\phi \vec{A}) = \frac{d\phi}{dt} \vec{A} + \phi \frac{d\vec{A}}{dt}$$

$$(2) \quad \frac{d}{dt}(\vec{A} \cdot \vec{B}) = \frac{d\vec{A}}{dt} \cdot \vec{B} + \vec{A} \cdot \frac{d\vec{B}}{dt}$$

$$(3) \quad \frac{d}{dt}(\vec{A} \times \vec{B}) = \frac{d\vec{A}}{dt} \times \vec{B} + \vec{A} \times \frac{d\vec{B}}{dt}$$