

等速度運動

等速度 (等速直線運動)

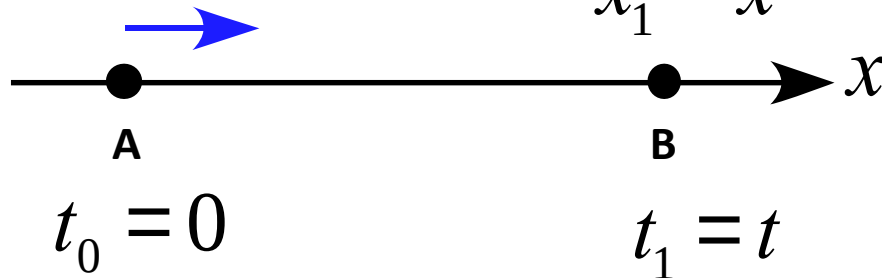
速さ
向き



一定 (constant)

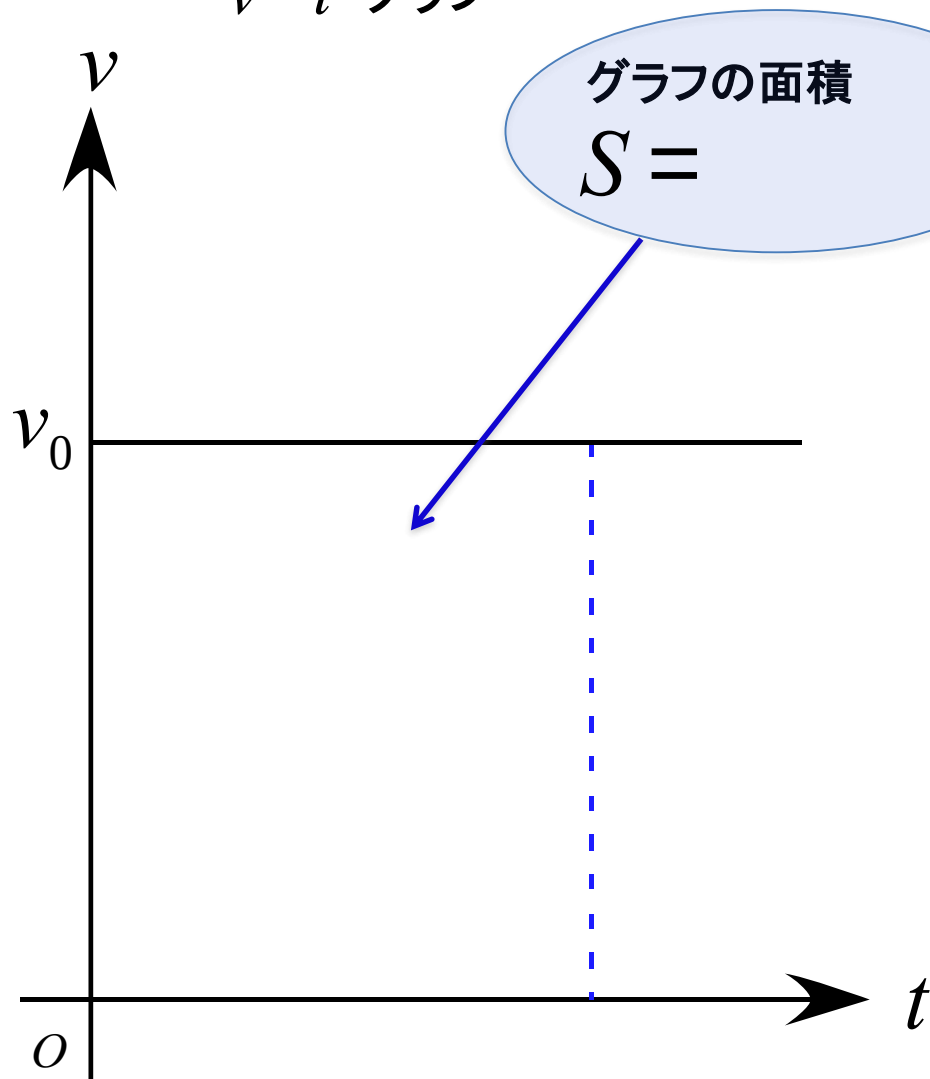
$$v = v_0$$

$$x_0 = 0$$



$$v = v_0 = \frac{Dx}{Dt} = \frac{x - 0}{t - 0} = \frac{x}{t}$$

$$x = v_0 t \quad \text{距離} = \text{速さ} \times \text{時間}$$

$v - t$ グラフ

グラフの面積

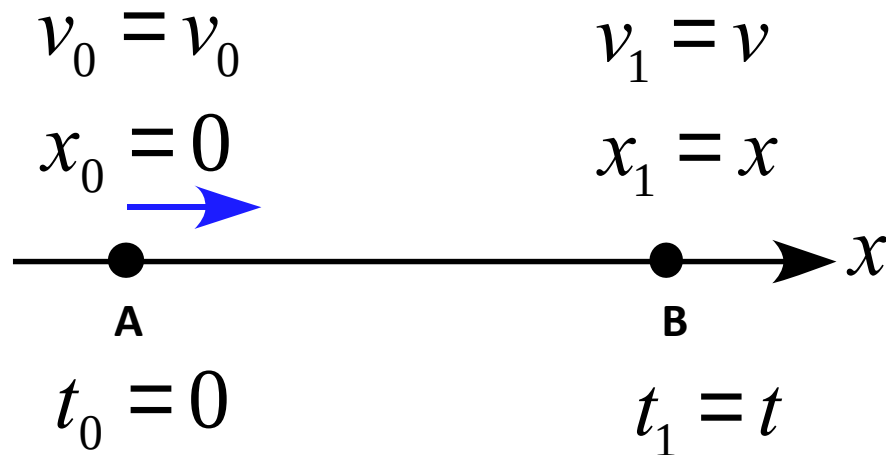
$$S =$$

変位 = $v - t$ グラフの面積

等加速度運動

等加速度

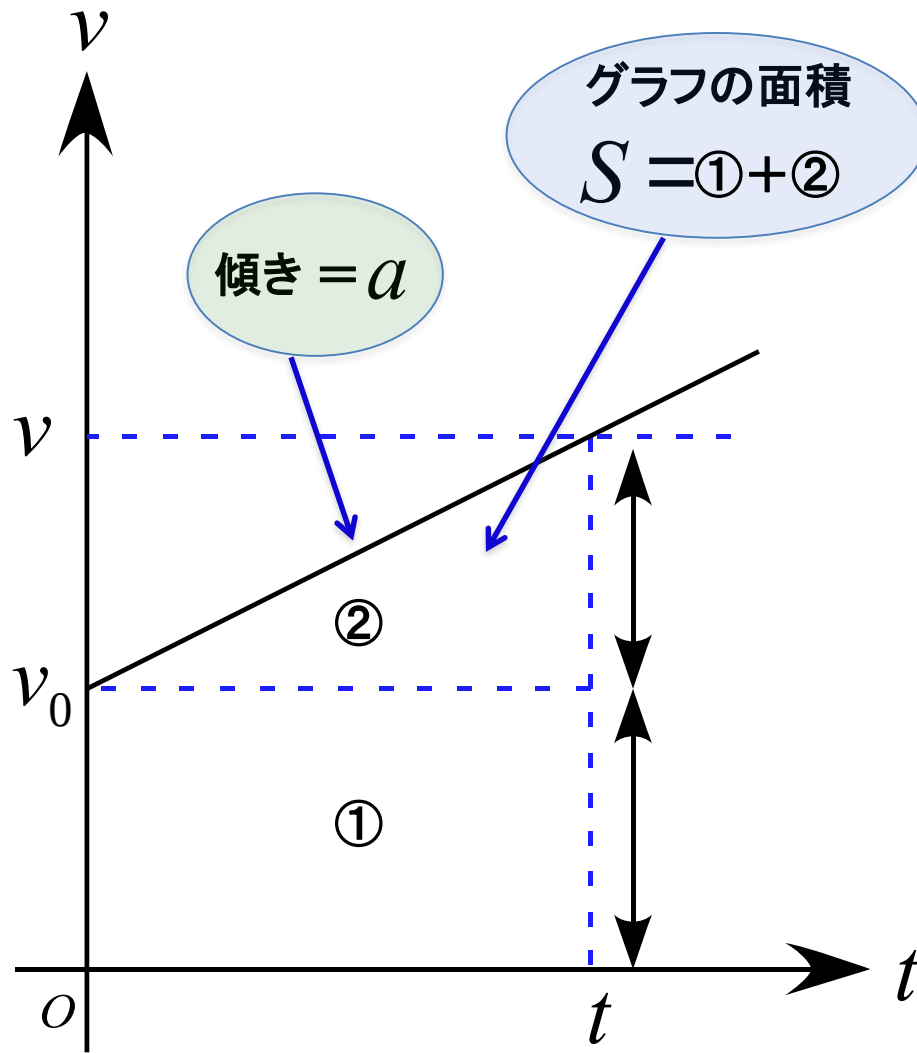
一定の加速度で直線運動



$$a = \frac{Dv}{Dt} = \frac{v - v_0}{t - 0} = \frac{v - v_0}{t}$$

$$v = v_0 + at$$

$v - t$ グラフ



$v - t$ グラフの面積

$$S = ① + ②$$

変位 = $v - t$ グラフの面積

等加速度運動

$$v = v_0 + at$$

$$x = v_0 t + \frac{1}{2} at^2$$

t を消去



$$v^2 - v_0^2 = 2ax$$

(参考)

平均速度

$$\bar{v} = \frac{v_0 + v}{2} \quad (a \text{ が一定の場合})$$

変位

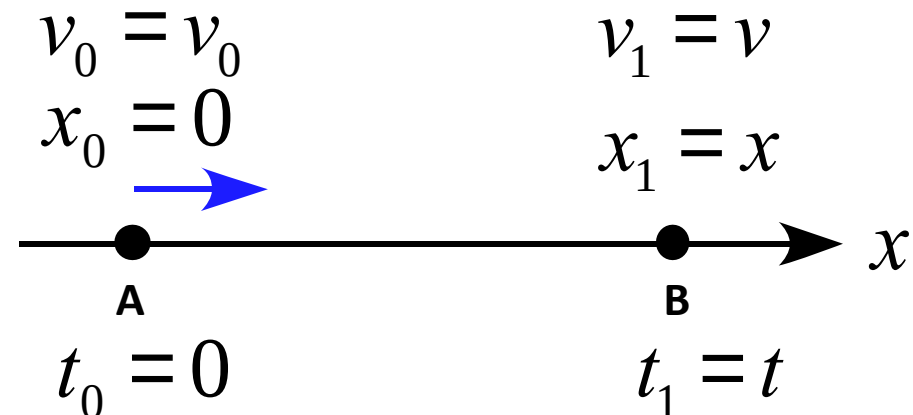
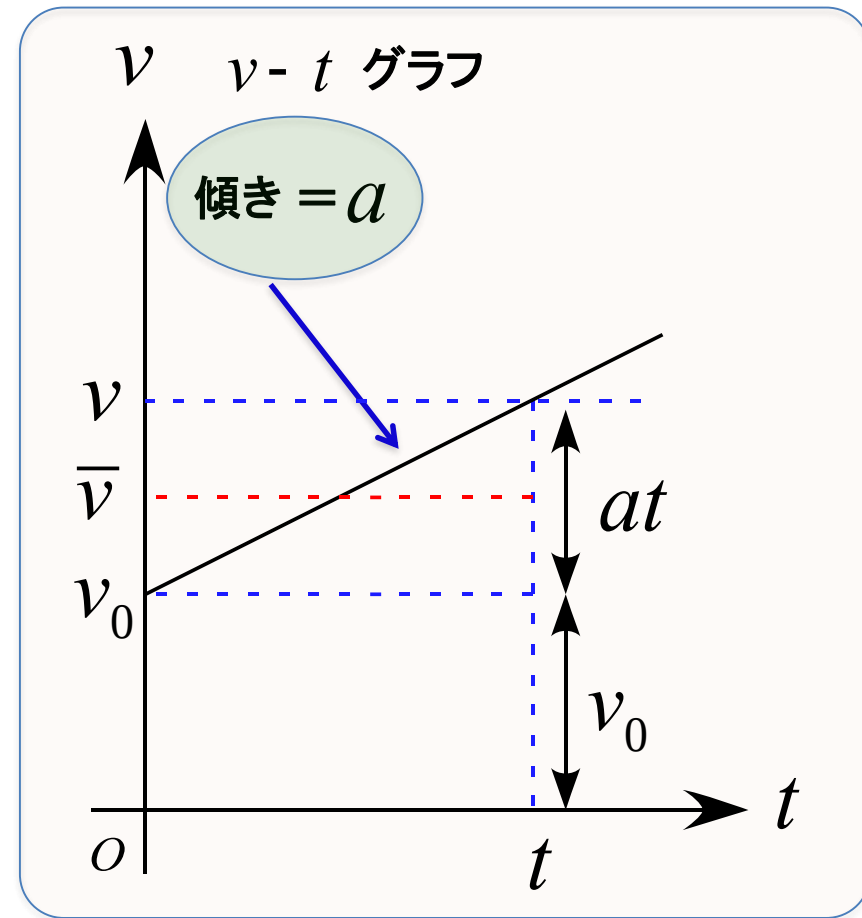
$$\Delta x = \bar{v} \Delta t$$

$$x - 0 = \frac{1}{2} (v + v_0) (t - 0)$$

$$x = \frac{1}{2} (v + v_0) t$$

$$x = \frac{1}{2} (v_0 + at + v_0) t$$

$$x = v_0 t + \frac{1}{2} at^2$$



等加速度運動

例題

等加速度運動の速度と変位の式

$$v = v_0 + at$$

$$x = v_0 t + \frac{1}{2} at^2$$

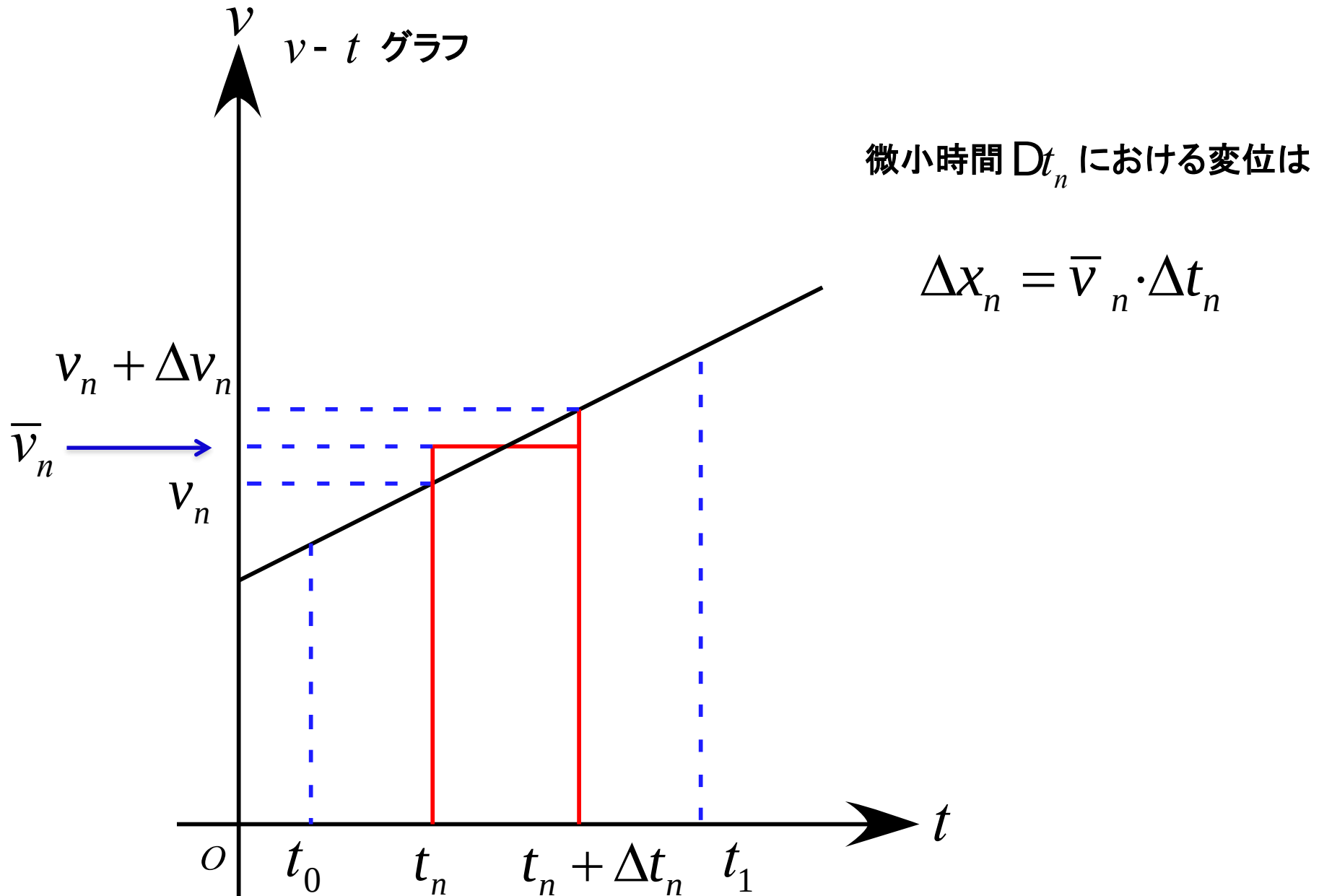
から、

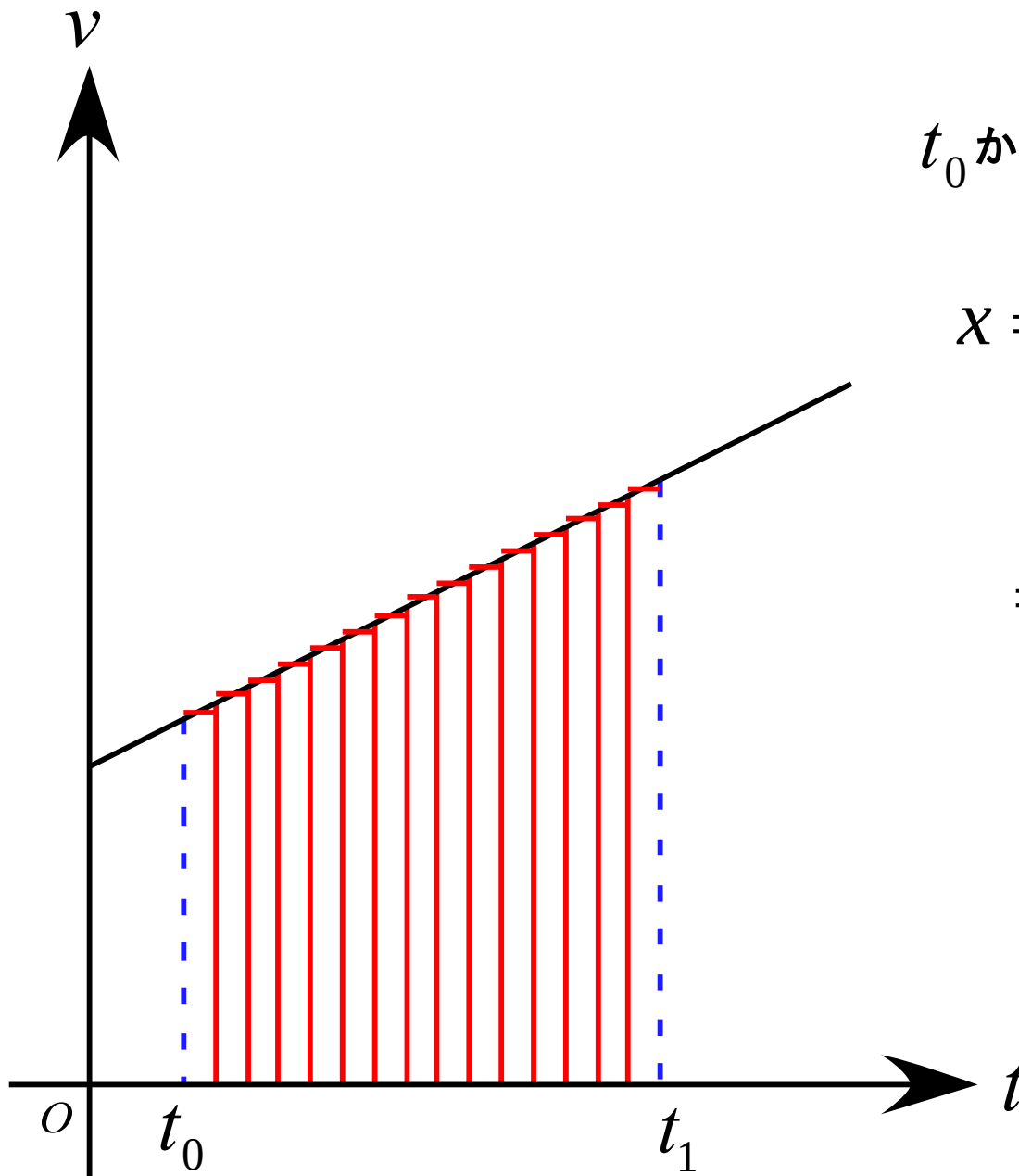
$$v^2 - v_0^2 = 2ax$$

を導け。

(参考)

変位と v - t グラフの面積



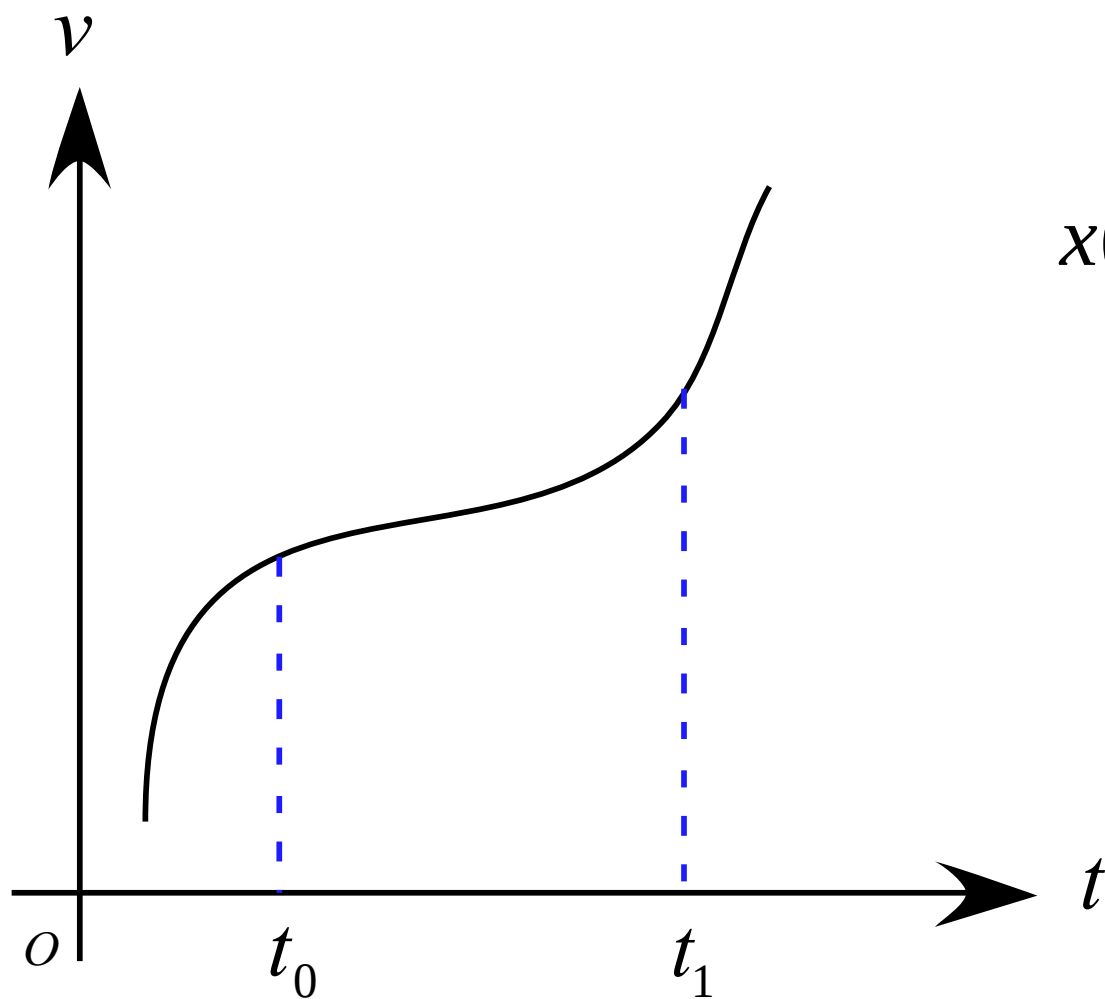


t_0 から t_1 まで合計する

$$x = \lim_{\Delta t_n \rightarrow 0} \sum_n \bar{v}_n \cdot \Delta t_n$$

$$= \int_{t_0}^{t_1} v(t) dt$$

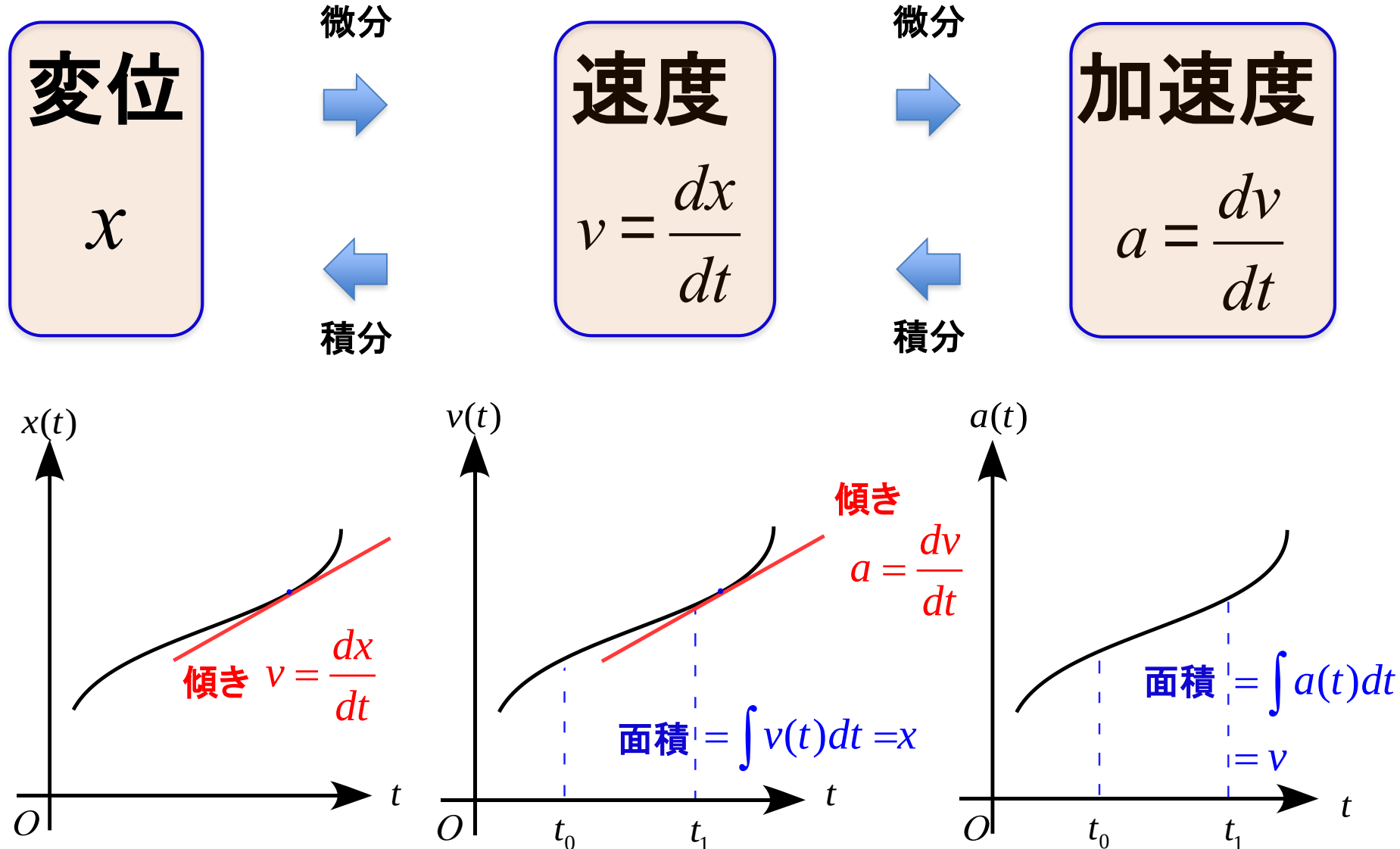
v - t グラフ



一般的に

$$x(t) = \int_{t_0}^{t_1} v(t) dt$$

変位～速度～加速度



例題

等速度運動と等加速度運動の変位と加速度を定義式から導け。
(但し、初期条件は $t = 0$ で $x = 0$ とする。)

等速度運動: $v = v_0$

等加速度運動: $v = v_0 + at$

力学基礎演習

3.2.2 v-tグラフの性質

問題6 18ページ

問題7 18ページ

問題9 20ページ